

## Programma di Matematica

Classe 3<sup>C</sup>

Insegnante **Antonella Lumare**

### **1. Disequazioni algebriche**

Richiami sulle disequazioni algebriche di secondo grado intere e fratte, di grado superiore al secondo. Equazioni e disequazioni fattorizzabili, biquadratiche. Sistemi di disequazioni. Equazioni e disequazioni contenenti valori assoluti. Equazioni e disequazioni irrazionali.

### **2. Funzioni**

Definizione di funzione, dominio e immagine; dominio delle funzioni polinomiali, razionali fratte, irrazionali e goniometriche; funzioni iniettive, suriettive e biettive; rappresentazione grafica dell'inversa di una funzione; determinare l'immagine e l'iniettività di una funzione; funzioni pari e dispari; ricerca degli zeri di una funzione; funzioni crescenti e decrescenti su un intervallo; funzioni composte. Studio del segno di una funzione e rappresentazione grafica delle regioni del piano cui appartiene il grafico. Studio delle funzioni definite per casi e rappresentazioni grafiche. Studio completo della funzione omografica.

### **3. Goniometria e trigonometria**

Misura di un angolo in radianti, conversione tra gradi e radianti; circonferenza goniometrica; seno, coseno, tangente e cotangente di un angolo; prime tre relazioni fondamentali della goniometria; seno e coseno di angoli particolari; dominio, immagine, periodo e grafico delle funzioni goniometriche; funzioni goniometriche inverse e loro grafici; Funzioni goniometriche reciproche e relativi grafici; significato geometrico della tangente come coefficiente angolare di una retta. Angolo formato da due rette. Area del settore circolare.

Formule degli angoli associati, di addizione, sottrazione, duplicazione e bisezione per il seno, il coseno e la tangente.

Equazioni e disequazioni goniometriche elementari di primo e secondo grado e con funzioni composte; equazioni e disequazioni lineari in seno e coseno; equazioni omogenee e non omogenee di secondo grado in seno e coseno; equazioni e disequazioni fattorizzabili intere e fratte; sistemi di disequazioni goniometriche.

Teoremi sui triangoli rettangoli; problemi relativi alla risoluzione di un triangolo rettangolo; applicazioni dei teoremi sui triangoli rettangoli: area di un triangolo, teorema della corda.

### **4. Parabola, circonferenza e ripasso retta**

Ripasso Geometria Analitica: il piano cartesiano, distanza tra due punti, coordinate del punto medio di un segmento, asse di un segmento.

La retta : equazione implicita ed esplicita. Rette in posizioni particolari. Fascio proprio e improprio. Retta per due punti. Posizione reciproca di due rette.

La parabola come luogo geometrico, parabola con asse di simmetria parallelo all'asse y e all'asse x, formule; come determinare l'equazione della parabola avendo varie condizioni, posizione reciproca

tra retta e parabola, tangenti alla parabola.

Area di un segmento parabolico e problemi con rettangoli e quadrati inscritti in un segmento parabolico. Intersezioni tra due parabole.

Equazione di una circonferenza; condizione di esistenza di una circonferenza; posizione di una retta rispetto ad una circonferenza; rette tangenti ad una circonferenza passanti per un punto o parallele ad una retta: metodi del sistema algebrico e geometrico-analitico della perpendicolarità al raggio, della distanza dal centro; condizioni per determinare l'equazione di una circonferenza; posizione reciproca di due circonferenze; equazione dell'asse radicale; grafici di curve particolari con circonferenze e parabole. Problemi con parabole e circonferenze.

## **5. Trasformazioni geometriche**

Definizione di trasformazione geometrica, punti uniti di una trasformazione, trasformazione identità, trasformazioni involutorie.

Isometrie; simmetrie assiali e loro proprietà; simmetrie rispetto ad un asse cartesiano, ad una retta parallela ad un asse cartesiano, ad una delle bisettrici; simmetria del grafico di una funzione e della sua inversa; simmetria centrale; traslazione; grafici di  $|f(x)|$  e di  $f(|x|)$ .

Dilatazione centrata nell'origine; grafico di funzioni goniometriche traslate; omotetia centrata nell'origine; similitudine. Le trasformazioni ed i grafici delle funzioni.

Pistoia 8/6/2018

l'Insegnante  
Antonella Lumare

LETTO IN DATA 8 GIUGNO 2018 AGLI STUDENTI DELLA CLASSE 3<sup>C</sup>, CHE  
CONCORDANO.